

LIMITI IN UNA VARIABILE
ESERCIZIO 5

Calcolare

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{6}{\pi} \arctan(-x^2) + \frac{1 + 2x^3 + 8x^4}{2x^4 - 3x^2} + 3e^{2x} \right).$$

SOLUZIONE. Per definizione di \arctan si ha

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \arctan(-x^2) = -\frac{\pi}{2}$$

da cui

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{6}{\pi} \arctan(-x^2) = -3.$$

Procedendo come nell'Esercizio 1 si ha

$$\frac{1 + 2x^3 + 8x^4}{2x^4 - 3x^2} = \frac{x^4 \left(\frac{1}{x^4} + \frac{2}{x} + 8 \right)}{x^4 \left(2 - \frac{3}{x^2} \right)} = \frac{\frac{1}{x^4} + \frac{2}{x} + 8}{2 - \frac{3}{x^2}}$$

da cui

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1 + 2x^3 + 8x^4}{2x^4 - 3x^2} = 4.$$

Infine si ha, per definizione di esponenziale

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} 3e^{2x} = 0$$

essendo

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} 2x = -\infty.$$

Riassumendo abbiamo

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{6}{\pi} \arctan(-x^2) + \frac{1 + 2x^3 + 8x^4}{2x^4 - 3x^2} + 3e^{2x} \right) = 1.$$